

TEA CO₂ 激光器放电参数的计算及测量

潘文刚 李学刚 张树强 王厚松

(电子科技大学成都分校)

本文详细地分析了 TEA CO₂ 激光器的放电电路, 对 TEA CO₂ 激光器的放电过程, 放电时放电管上流过的电流参数作了理论计算, 并成功地测量出了放电参数, 理论与实验结果相符合。

一、引言

自从第一台 TEA 激光器, 激光器的问世^[1], 人们便对放电激光器倍加关注进行了大量的研究, 为了设计更好的激光器, 必须对放电的工质特性, 放电管上放电电压与放电参数等作详细的研究, 加之对 TEA CO₂ 激光器放电, 放电电压与放电参数, 放电时放电管上流过的电流参数作了详细的研究计算, 成功地测量出了参数。

二、放电参数测量

为测量放电管上流过的放电参数, 必须用精密的采样电阻的 Rogowski 线圈, 放电时



图1 激光器的内部结构示意图。
1. 放电管玻璃罩; 2. 阳极; 3. 阴极; 4. 电极; 5. 放电管壁。



图2 TEA CO₂ 型激光器放电电路原理图

流过的电流, 即可采样到电压。

阻值 $100\Omega < R < 1000\Omega$), 因此其总电阻由线圈电阻。为了测试与与对比, 采用了大范围的电阻值。当电阻 R 在总电阻中占有一固定比例, 而线圈的电阻与 R 占有一固定比例时, 某一组与线圈的电阻一固定比例成反比例时, 总电阻的相对误差为: $\delta_{R_{\Sigma}} = 100\%$, 总电阻的相对误差 $\delta = 100\%$, 如图 1 所示。

二、阻电参量测量原理

1. 交流电路系统的计算

图 2 为图 1 中交流电路的等效电路, 其阻抗分别为: Z_1 为线圈的阻抗, Z_2 为电阻的阻抗, Z_3 为电容的阻抗, Z_4 为电感, 因此总阻抗 Z 的表达式为 Z , 式 (1) 为总阻抗的表达式:

$$Z_{\Sigma} = Z_1 + Z_2 + Z_3 + Z_4 \quad (1)$$

式中: $Z_1 = R_1 + j\omega L_1$ $Z_2 = R$ $Z_3 = -j/\omega C$ $Z_4 = j\omega L$ $\omega = 2\pi f$ $f = 1000$ $R = 1000$ $L = 1000$ $C = 1000$ $\omega = 2\pi \times 1000$

图 2 为图 1 中交流电路的等效电路, 其阻抗分别为: Z_1 为线圈的阻抗, Z_2 为电阻的阻抗, Z_3 为电容的阻抗, Z_4 为电感, 因此总阻抗 Z 的表达式为 Z , 式 (1) 为总阻抗的表达式:



图 1 AC 电路原理图



图 2 为图 1 中交流电路的等效电路

图 2 中, Z_1 为线圈的阻抗, Z_2 为电阻的阻抗, Z_3 为电容的阻抗, Z_4 为电感的阻抗, 因此总阻抗 Z 的表达式为 Z , 式 (1) 为总阻抗的表达式:

$$Z_{\Sigma} = Z_1 + Z_2 + Z_3 + Z_4 = R_1 + j\omega L_1 + R - j/\omega C + j\omega L \quad (1)$$

$$Z_{\Sigma} = R_1 + R + j\omega(L_1 + L) - j/\omega C \quad (2)$$

式中: $Z_{\Sigma} = R_1 + R + j\omega(L_1 + L) - j/\omega C$ $R_1 = 1000$ $R = 1000$ $L_1 = 1000$ $L = 1000$ $C = 1000$ $\omega = 2\pi \times 1000$

$$Z_{\Sigma} = R_1 + R + j\omega(L_1 + L) - j/\omega C \quad (3)$$

图 2 中, Z_1 为线圈的阻抗, Z_2 为电阻的阻抗, Z_3 为电容的阻抗, Z_4 为电感的阻抗, 因此总阻抗 Z 的表达式为 Z , 式 (1) 为总阻抗的表达式:

图 1 所示的电路, $R_{11} = 1.2 \text{ k}\Omega$, $R_{12} = 1.2 \text{ k}\Omega$, $R_{21} = 1.2 \text{ k}\Omega$, $R_{22} = 1.2 \text{ k}\Omega$, $R_{31} = 1.2 \text{ k}\Omega$, $R_{32} = 1.2 \text{ k}\Omega$, $C_1 = 1 \mu\text{F}$, $C_2 = 1 \mu\text{F}$ 。

求上述电路的 $V_{out}(s)$ 和 $v_{out}(t)$ 。

$$V_{out}(s) = 1.2 \left[\frac{1}{s} + \frac{1}{s + 1000} + \frac{1}{s + 1000} + \frac{1}{s + 1000} + \frac{1}{s + 1000} \right] \quad (8)$$

$$v_{out}(t) = 1.2 \left[1 + 3e^{-1000t} - 2e^{-1000t} \cos(1000t) \right] \text{ V} \quad (9)$$

根据上述电路参数, 绘出图 2。

$$V = \frac{10}{s^2 + 1000s} = 10 \times 10^{-3} \text{ V} \quad (10)$$

求该电路的零输入零状态响应 $V_{out}(s)$

$$V_{out}(s) = V_s \left[1 - \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \left(-\frac{R_1}{s} + \frac{R_2}{s + \frac{1}{RC}} \right) \right] \quad (11)$$

根据上式可得, 求取函数 V_s 的零输入零状态响应为

$$V_s = \frac{10 \times 10^{-3}}{s} = 10 \times 10^{-3} \text{ V} \quad (12)$$



图 1 输出电压随时间的变化

图 2 所示电路的零输入零状态响应的输入电压为

$$V_{in}(s) = 1.2 \text{ V} \quad (13)$$

实际上电路的输入电压为阶跃电压, 因而有了图 2。

7. 用支路法求图 3 所示电路

图 3 中, 电阻和电容参数, 求取 C_1 上电压 $V_{C1}(s)$ 。由于支路电压减小了支路电流, 因而



图 3 电路参数

该支路电压为 $V_{C1}(s)$ 。此时支路电流为 $I_{C1}(s)$, 该支路电压为 $V_{C1}(s)$ 。根据基尔霍夫定律可得

$$\begin{aligned} I_{C1}(s) \frac{dV_{C1}(s)}{dt} + I_{C1}(s) R_1 + I_{C1}(s) R_2 + I_{C1}(s) \frac{dV_{C1}(s)}{dt} + \frac{1}{C_1} \int V_{C1}(s) dt \\ = \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) \int V_{C1}(s) dt + I_{C1}(s) \frac{dV_{C1}(s)}{dt} + R_3 I_{C1}(s) \end{aligned} \quad (14)$$

$$\begin{cases} I_1(2-j) + \frac{1}{j\omega} I_2 = \frac{1}{j\omega} \times 10 \angle 0^\circ & (14) \\ I_1 + \frac{1}{j\omega} I_2 = 1 & (15) \\ I_2 = 0 & (16) \\ I_1 + \frac{1}{j\omega} I_2 = 1 & (17) \end{cases}$$

联立以上方程组求解, 得到电路的电流

$$I_1(t) = \frac{1}{\omega C} \frac{1}{\sqrt{2}} \cos(\omega t + 135^\circ) \text{ (A)} \quad (18)$$

$$I_2(t) = \frac{1}{\omega C} \frac{1}{\sqrt{2}} \cos(\omega t + 45^\circ) \text{ (A)} \quad (19)$$

例 4-10 求图 4-10 所示电路的 $i_1(t)$ 。

$$\begin{aligned} & i_1(t) = \frac{1}{\omega C} \frac{1}{\sqrt{2}} \cos(\omega t + 135^\circ) \\ & = \frac{(10 \angle 0^\circ + 10 \angle 0^\circ)}{j} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ & = \frac{1}{j} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ & = \frac{1}{j} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ & = \frac{1}{j} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ & = \frac{1}{j} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

解: 如图 4-10 所示电路, 求 $i_1(t)$ 。

解法 1

列 KVL 方程, 如图 4-10

$$\begin{cases} I_1(2-j) + \frac{1}{j\omega} I_2 = \frac{1}{j\omega} \times 10 \angle 0^\circ & (20) \\ I_1 + \frac{1}{j\omega} I_2 = 1 & (21) \end{cases}$$

$$\begin{cases} I_1(2-j) + \frac{1}{j\omega} I_2 = \frac{1}{j\omega} \times 10 \angle 0^\circ & (22) \\ I_1 + \frac{1}{j\omega} I_2 = 1 & (23) \end{cases}$$

解得 $i_1(t) = \frac{1}{\omega C} \frac{1}{\sqrt{2}} \cos(\omega t + 135^\circ)$ 。

解法 2 求电路的等效电路的相量



图 4-10 例 4-10 所示电路

随着频率的增加, 线圈的感抗和电容的容抗均增大, 电路的总阻抗也增大, 因此电路中的电流减小, 电压的分配也变化, 线圈的感抗和电容的容抗也随频率的增加而增大, 因此电路的总阻抗也增大, 电路中的电流减小, 电压的分配也变化。

$$U_{L_1} = I Z_{L_1} = I \omega L_1 = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}} \omega L_1 \quad (1)$$

$$U_{L_2} = I Z_{L_2} = I \omega L_2 = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}} \omega L_2 \quad (2)$$

$$U_{C_1} = I Z_{C_1} = I \frac{1}{\omega C} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}} \frac{1}{\omega C} \quad (3)$$

式中, U 为总电压有效值, R 为电路的电阻, ω 为角频率, L_1 为线圈的感抗, L_2 为电容的容抗, C 为电容的容抗, $I = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}}$, $Z_{L_1} = \omega L_1$, $Z_{L_2} = \omega L_2$, $Z_{C_1} = \frac{1}{\omega C}$ 。

电压的分配如下所示:

$$\frac{U_{L_1}}{U} = \frac{\omega L_1}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}} \quad (4)$$

式中, ω 为角频率, L_1 为线圈的感抗, L_2 为电容的容抗, C 为电容的容抗, R 为电路的电阻, U 为总电压有效值。

$$U_{L_2} = I Z_{L_2} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}} \omega L_2 \quad (5)$$

$$U_{C_1} = I Z_{C_1} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}} \frac{1}{\omega C} \quad (6)$$

$$U_{C_2} = I Z_{C_2} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\omega L_1 - \frac{1}{\omega C})^2}} \frac{1}{\omega C} \quad (7)$$

式中, ω 为角频率, L_1 为线圈的感抗,



图1 $L_1 = 0.1 \text{ H}$, $C_1 = 10^{-6} \text{ F}$, $R = 20 \Omega$ 时, 电压的分配曲线



图2 $L_1 = 0.1 \text{ H}$, $C_1 = 10^{-6} \text{ F}$, $R = 10 \Omega$ 时, 电压的分配曲线

图 10 中心 4 个圆圈的解法，这时所测的分子量为 M_w ，而 M_w/M_n 的测定与测定 M_w/M_n 的方法相同， α 、 β 为 M_w/M_n 与 M_n 的比，可

$$\frac{M_w}{M_n} = \frac{1 + \alpha + \beta}{1 + \alpha} \quad (10)$$

式中， $\alpha = \frac{1}{2} \frac{M_w}{M_n} - 1$ ， $\beta = \frac{1}{2} \frac{M_w}{M_n} - 1$ ， α 与 β 的差别，是由于，在测定时，由于测定方法的不同，测定 M_w/M_n 与测定 M_n 的精度不同，由此造成的。



图 11 $E=0.0001$ ， $E=0.0002$ ， $E=0.0003$ 时， M_w/M_n 与 M_n 的测定精度，测定 M_w/M_n 的精度与 M_n 的测定精度。



图 12 $E=0.0001$ ， $E=0.0002$ ， $E=0.0003$ 时， M_w/M_n 与 M_n 的测定精度，测定 M_w/M_n 的精度与 M_n 的测定精度。

图 13 $E=0.0001$ ， $E=0.0002$ ， $E=0.0003$ 时， M_w/M_n 与 M_n 的测定精度，测定 M_w/M_n 的精度与 M_n 的测定精度。

(10)

这时测定 M_w/M_n 的精度，测定 M_w/M_n 的精度与 M_n 的测定精度。



图 13 $E=0.0001$ ， $E=0.0002$ ， $E=0.0003$ 时， M_w/M_n 与 M_n 的测定精度，测定 M_w/M_n 的精度与 M_n 的测定精度。



图 14 $E=0.0001$ ， $E=0.0002$ ， $E=0.0003$ 时， M_w/M_n 与 M_n 的测定精度，测定 M_w/M_n 的精度与 M_n 的测定精度。

按照 (2) 式，再代入已知数据 $\mu = 0.120 \text{ cm}^2/\text{Vs}$ ， $C = 0.100 \text{ mg}$ ， $R = 0.100 \text{ cm}$ ，得 $I_0 = 1.1 \times 10^{-10} \text{ A}$ ，即 1.1 pA 。

$$I_0 = 1.1 \times 10^{-10} \text{ A} \quad I_0 = 0.100 \times 10^{-10} \text{ A} \quad I_0 = 0.100 \times 10^{-10} \text{ A} \quad I_0 = 0.100 \times 10^{-10} \text{ A}$$

$$= 1.100 \times 10^{-10} \text{ A} \quad I_0 = 0.100 \times 10^{-10} \text{ A} \quad I_0 = 0.100 \times 10^{-10} \text{ A} \quad I_0 = 0.100 \times 10^{-10} \text{ A} \quad (14)$$

通过测量得到实验数据如图 1，计算表明，当 I_0 作和 I_0 的函数时，只和电子浓度成正比，成正比关系如图 2。



图 1 电流 I 和 I_0 的关系

图 2 中 I 和 I_0 成正比，比例系数为 1.1 的函数关系。

当 $I_0 = 0.1 \text{ pA}$ 时，得到如图 3，电压 C ，正电荷的浓度为 $1.0 \times 10^{16} \text{ cm}^{-3}$ ，测定的值 I_0 和 I 为 0.100 pA 和 1.100 pA ，通过计算得到，在电场强度为 $1.0 \times 10^6 \text{ V/cm}$ 时，测定的 I_0 和 I 值，如图 3 中的函数，测定的值为 0.100 pA ，测定的值为 $1.100 \left(\frac{1.100}{0.100} \right)$ 的函数关系如图 4



图 3 电压 C 和 I_0 的关系， $I_0 = 0.1 \text{ pA}$ ， $I = 1.1 \text{ pA}$



图 4 电压 C 和 I_0 的关系， $I_0 = 0.1 \text{ pA}$ ， $I = 1.1 \text{ pA}$

1981年，计算机电阻器电路[1,2,3]。

图1为图2中电路1与图3中电路2的等效电路模型图。当 R_1 断路，当 R_2 短路或 R_2 为无穷大时，得到了图3(a)；当 R_1 短路或 R_1 为无穷大时，得到了图3(b)。图3(a)与图3(b)的等效电路模型图，与图2中电路1和图3中电路2的等效电路模型图，完全一致。我们曾采用图3(a)电路模型图与图2中电路1的等效电路模型图，用图1中电路2的等效电路模型图，与图3(b)的等效电路模型图进行了数值电路的等效电路，证明得到了与图2中电路1和图3中电路2完全一致的等效电路。

以上所述电路模型，在时、空中小范围等效电路模型中可以应用到实际电路。

参 考 文 献

- [1] A. J. Hasler, *Appl. Phys. Lett.*, 1978, Vol. 34, P. 208.
- [2] 王成林等, 《中国科学(物理)》, 1982年, 第14卷, 第4期, 408-411.
- [3] M. Brady et al., *Appl. Phys. Lett.*, 1981, Vol. 38, No. 3, P. 288.
- [4] 王成林, 《中国科学(物理)》, 1982年, 第14卷, 第4期.
- [5] A. J. Hasler et al., *J. Appl. Phys.*, 1979, Vol. 51, P. 2024.

Computer and measurement of the discharge parameters for TEA CO₂ laser

Chen Yitang, Li Yungang, Liu Yungang and Shi Jiafu
(Institute of Laser, HIT)

Abstract

The electrical parameters of the charge, inductance and main discharge parameters have been computed numerically and measured experimentally for a TEA CO₂ laser excited by the Blumlein circuit. The theoretical results are in very good agreement with the experimental results.

【中 文 摘 要】

数字计算机数值模拟。

为了进行数值模拟研究，已经用计算机计算了栅极式激励的激光放电电路模型参数。用数值模拟结果与实验结果进行了对比。计算与实验结果完全一致。以上所述电路模型图，在时、空中小范围等效电路模型中可以应用到实际电路。

参 考 文 献 (续)

- [6] *Appl. Phys. Lett.*, 1981, Vol. 39, No. 1, P. 201-202.

原刊载于：《物理学报》